

# 1 Постановка задачи

Реализация алгоритма умножения двух матриц с использованием POSIX threads: необходимо вычислить произведение двух квадратных матриц  $A$  и  $B$  размера  $n$ : в результате чего получается матрица  $C = A \times B$ ,

$$c_{i,j} = \sum_{k=1}^n a_{i,k} \cdot b_{k,j}.$$

## 2 Подход к распараллеливанию

### 2.1 Простая реализация

Статически распределяем задачу между потоками: при запуске каждый поток в качестве аргумента принимает интервал строк  $[start_i; end_i)$  ( $i = 0 \dots T-1$ ,  $end_i = start_{i+1}$  для  $i = 0 \dots T-2$ , где  $T$  - количество потоков) результирующей матрицы, которые ему надо посчитать. Т. к. все потоки вычисляют различные элементы матрицы  $C$ , то синхронизация не требуется.

### 2.2 Блочное умножение

Аналогично предыдущему, за исключением того, что каждый поток принимает номера блоков, которые ему надо посчитать.

### 2.3 Наибольший параллелизм

Из определения умножения следует, что для вычисления матрицы  $C$  необходимо произвести  $n^3$  умножений. Распределим умножения между всеми потоками: занумеруем все умножения числами от 0 до  $n^3-1$  и аналогично предыдущим реализациям будем в каждый поток передавать интервал  $[start_i; end_i)$  - номера умножений, которые надо посчитать.

При данном подходе разные потоки могут считать одни элементы матрицы  $C$ , поэтому для каждого из них создаём отдельную матрицу  $C_i$ , т. о. синхронизация по-прежнему не требуется. Итоговая матрица  $C = \sum_i^{T-1} C_i$ .

## 3 Результаты тестирования

Измерение времени осуществлялось с помощью системной команды `time`. Размер матрицы  $n = 2000$ .

Реализация	Кол-во потоков	Время		
		обычное	блочное (100)	необычное
Однопоточная		19.209	20.520	-
Многопоточная	1	19.148	20.520	19.182
Многопоточная	2	10.685	11.275	10.849
Многопоточная	3	7.887	8.241	8.203
Многопоточная	4	6.913	6.706	8.463
Многопоточная	5	7.858	7.644	7.941
Многопоточная	6	7.181	6.797	7.807